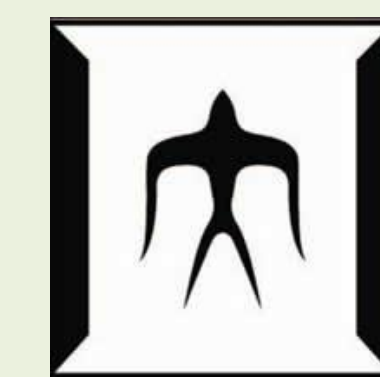


# Graded Modality を用いた型ベースの互換性解析

田辺 裕大<sup>1</sup> Luthfan Anshar Lubis<sup>1</sup> 青谷 知幸<sup>2</sup> 増原 英彦<sup>1</sup> (<sup>1</sup>東京工業大学 <sup>2</sup>豆蔵)



### Problem 依存性地獄

一般にライブラリの追加やアップデートは困難  
(失敗の原因特定も困難)

### Proposal 型検査による互換性検査

- ① 複数Ver.の実装の共存を許す言語設計
- ② 型検査で式単位で依存するバージョンを解析
- ③ 型検査で得た制約に応じた実装を使用

### Idea Versions as Computational Resources

Coeffect計算: 計算的資源の使用状況を追跡可能な型システム

Resources	Modalities (Coeffacts)	Examples
Linearity <sup>[Brunel 14]</sup>	値の使用回数	0, 1
Security <sup>[Orchard 19]</sup>	Accessibility	Private, Public
Version <sup>[Tanabe 18]</sup>	使用可能なVer.の集合	{V1}, {V1,V2},...

### Code Examples

```
vec1 : Vec@V1 Int
vec2 : Vec@V2 Int
vec3 : Vec@V3 Int
```

- length vec1/vec2 - well-typed!
- length vec3 - ill-typed!
- append vec1 vec2 - ill-typed!

戻り値もバージョン制限有り  
vを介してバージョンの制約を伝播

```
data Vec (t:Type) where
  -- Listで実装
  -- Arrayで実装
```

```
append : Vec@v t -> Vec@v t -> Vec@v t
context v of -- バージョンのパターンマッチ
(V1) ->
  append Nil ys = ys
  append (Cons x xs) ys = Cons x ...
(V2) ->
  append (Arr m f) (Arr n g) = ...
```

```
length : Vec@v t -> Int
context v of -- バージョンのパターンマッチ
(V1) ->
  length Nil = 0
  length Cons x xs = 1 + (length xs)
(V2) ->
  length Arr n init = n
```

データ型昇格<sup>[Yorgey 12]</sup>

Ver.違いは GADT+型引数で表現

```
Ver = V1 | V2
data Vec (v:Ver) (t:Type) where
  Nil :: Vec V1 a;
  Cons :: a -> Vec V1 a -> Vec V1 a
  Arr :: int -> (int->a) -> Vec V2 a
```

```
length: ∀ {v:Ver, t:Type}.
  {v=V1 || v=V2} => Vec v t -> Int
length Nil = 0;
length Cons x xs = 1 + (length xs)
length Arr n init = n
```

Granuleへコンパイル

型制約にエンコード

### Granule Coeffect計算をコアに持つ言語<sup>[Orchard 18]</sup>

【特徴1】 Indexed Type (軽量依存型)

```
data N (n:Nat) where
  Z : N 0;
  S : N n -> N (n+1)
```

```
append: ∀ {t:Type, n,m:Nat}.
  Vec n t -> Vec m t -> Vec (n+m) t
append Nil ys = ys
append (Cons x xs) ys = Cons x (append xs ys)
```

【特徴2】 Coeffectを用いた型制約  
(パラメータ多相+双方向型検査<sup>[Dunfield 13]</sup> + SMTソルバ)

```
sub: ∀ m n. {m > n} => N m -> N n -> N (m-n)
sub m Z = m
sub (S m) (S n) = sub m n
```

~~sub Z (S n) = sub Z n -- {m > n}に違反~~ **rejected**

### Type System

半環 (R, +, 0, ×, 1, ≤)  
+  
一般化有界線形論理

【1】型を  $r \in R$  で修飾

$$\Gamma, x: [T]_r \vdash t: T$$

【2】通常の型付けと共に資源管理を行う型規則  
(プログラムの使われ方次第でrが決定)

$\frac{\Gamma, x: A \vdash t: B}{\Gamma, x: [A]_1 \vdash t: B} \text{Der}$	$\frac{\Gamma_1 \vdash t_1: A \rightarrow B \quad \Gamma_2 \vdash t_2: A}{\Gamma_1 + \Gamma_2 \vdash t_1 t_2: B} \text{App}$
--	--

Linear Weaken Contract Compose

Coeffect algebra (semiring)

図: <https://www.youtube.com/watch?v=2HOtpcrMXMQ>

### Future Work

- Semantic Versioning<sup>[Preston-Werner 2013]</sup> 制約の型表現
  - Ver.のパターンマッチをSemVer制約式にしたい
  - ~1.2.3, ^1.2.3, 1.2.\* 一順序が定義できれば十分?
- 軽量依存型システムを持つ言語へのコンパイル方法
  - GADT + Granule + データ型昇格?
  - (普通の)依存型を持つ他言語?

### References

- [Yorgey 12] Giving Haskell a Promotion. (TLDI '12)
- [Brunel 14] A Core Quantitative Coeffect Calculus. (ESOP '14)
- [Orchard 19] Quantitative Program Reasoning with Graded Modal Types. (ICFP '19)
- [Tanabe 18] A Context-Oriented Programming Approach to Dependency Hell. (COP '18)
- [Dunfield 13] Complete and easy bidirectional typechecking for higher-rank polymorphism. (ICFP '13)